

Résolution de l'équation $\cos(x)=a$

Le problème : on se donne un réel a et on cherche les réels x tels que $\cos(x)=a$.

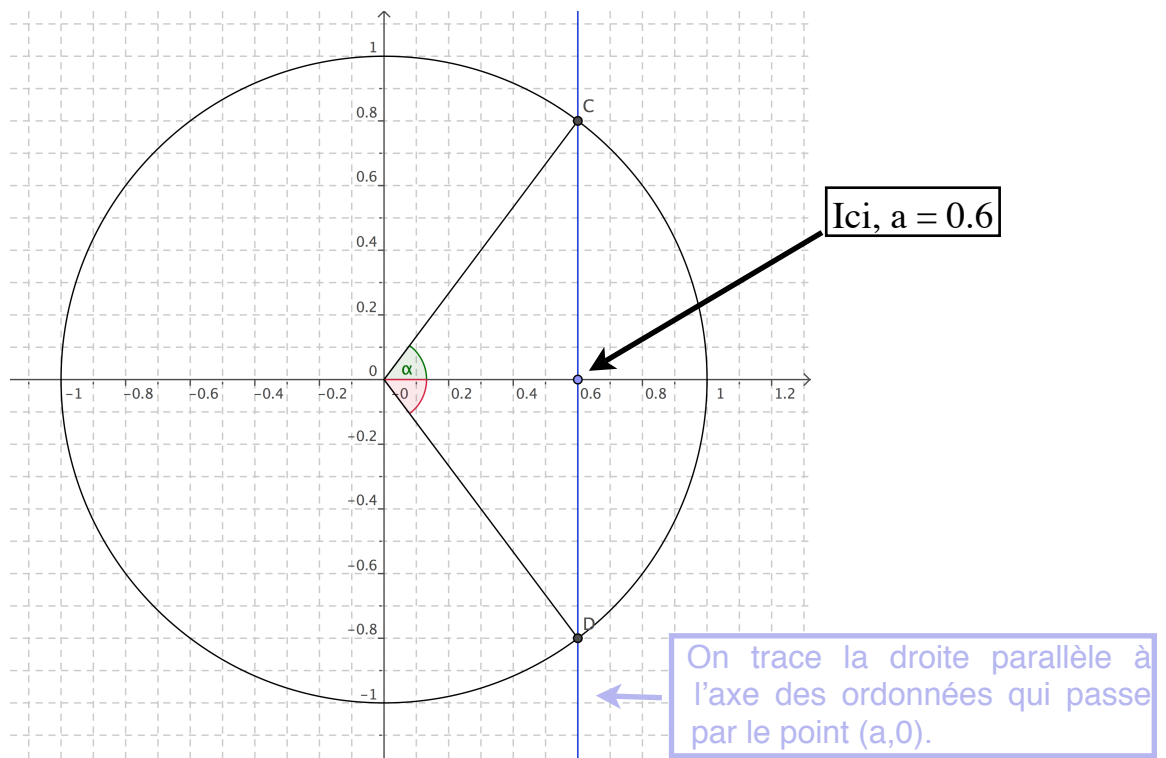
On va supposer que $-1 \leq a \leq 1$, sinon le problème n'a pas de solution.

On commence par chercher les valeurs de x sur l'intervalle $[-\pi ; \pi]$, en s'aidant du cercle trigonométrique.

On place donc a sur l'axe des abscisses, puis on trace la droite parallèle à l'axe des ordonnées qui passe par ce point. Elle croise le cercle en deux points C et D.

On détermine alors deux angles : α et $-\alpha$.

L'ensemble des solutions est alors l'ensemble des réels x tels que
 $x = \alpha + 2k\pi$ ou $x = -\alpha + 2k\pi$ où k est un entier relatif.



Résolution de l'équation $\sin(x)=a$

Le problème : on se donne un réel a et on cherche les réels x tels que $\sin(x)=a$.

On va supposer que $-1 \leq a \leq 1$, sinon le problème n'a pas de solution.

On commence par chercher les valeurs de x sur l'intervalle $[-\pi ; \pi]$, en s'aidant du cercle trigonométrique.

On place donc a sur l'axe des ordonnées, puis on trace la droite parallèle à l'axe des abscisses qui passe par ce point. Elle coupe le cercle en deux points C et D.

On détermine alors deux angles : α et $\pi - \alpha$.

L'ensemble des solutions est alors l'ensemble des réels x tels que

$$x = \alpha + 2k\pi \text{ ou } x = \pi - \alpha + 2k\pi \text{ où } k \text{ est un entier relatif.}$$

ATTENTION : si vous cherchez les solutions dans $[-\pi ; \pi]$, prenez garde à donner des valeurs α et $\pi - \alpha$ qui soient TOUTES les deux dans $[-\pi ; \pi]$.

